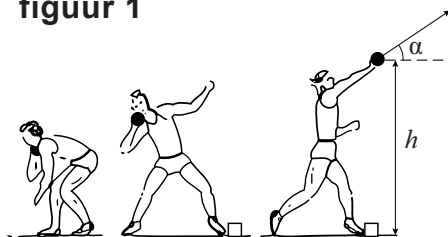


De ideale stoothoek

Een kogelstoter stoot een kogel weg onder een hoek α (in radialen, $0 < \alpha < \frac{1}{2}\pi$).

De hoogte in meters waarop de kogelstoter de kogel loslaat is h . Zie figuur 1.

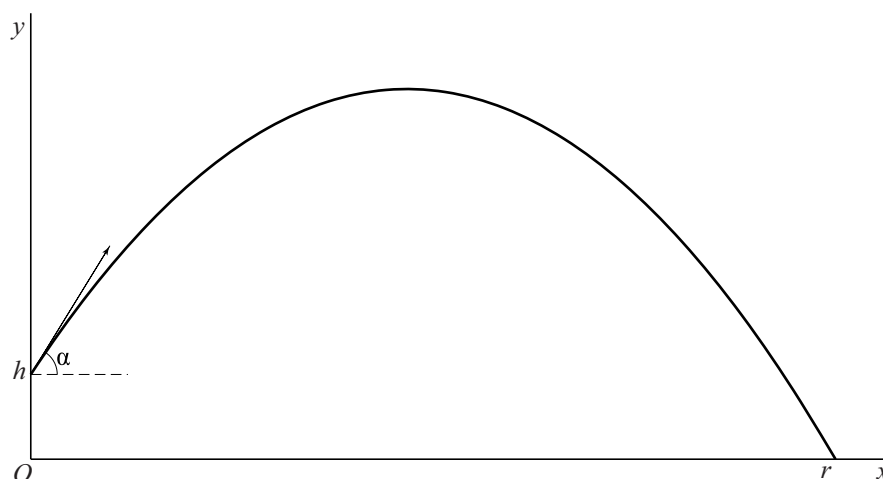
figuur 1



Bij deze situatie kiezen we een assenstelsel waarbij de plaats waar de kogel wordt losgelaten zich op hoogte h op de verticale as bevindt. De kogel komt op afstand r in meters van de oorsprong op de grond. Zie figuur 2.

In deze opgave gaan we ervan uit dat de kogelstoter de kogel altijd met dezelfde snelheid wegstoot.

figuur 2



Als α zo is dat $\cos \alpha = 0,6$ en we de afmetingen van de kogel en de wrijving met de lucht verwaarlozen, dan gelden (bij benadering) de volgende formules voor de coördinaten van de kogel tijdens de vlucht:

$$\begin{cases} x(t) = 8,4t \\ y(t) = h + 11,2t - 4,9t^2 \end{cases}$$

Hierin is t de tijd in seconden met $t = 0$ op het moment van loslaten, x de horizontale afstand in meters en y de hoogte in meters.

3p 16 Bereken de snelheid van de kogel op tijdstip $t = 0$.

De horizontale afstand r die de kogel overbrugt, hangt af van de hoek α waaronder deze wordt weggestoten.
In het algemeen geldt voor elke waarde van α de volgende formule voor r :

$$r = 20 \cos \alpha \left(\sin \alpha + \sqrt{\sin^2 \alpha + 0,1h} \right)$$

De ideale stoothoek is de hoek α waarbij r zo groot mogelijk is.

We bekijken nu de situatie waarbij de kogelstoter de kogel loslaat op een hoogte van 1,85 m.

3p **17** Bereken voor deze situatie de ideale stoothoek.

Tot slot bekijken we de denkbeeldige situatie waarin $h = 0$.

6p **18** Bereken exact de ideale stoothoek voor deze denkbeeldige situatie.